

Nome.....Cognome.....Matricola .....

**Le risposte vanno accompagnate da spiegazioni esaurienti. Vanno consegnati SOLO questi fogli**

Eser.	I	II	III	IV	V	VI
Voto						

### I. Integrali indefiniti

Calcolare i seguenti integrali

$$\int \frac{3x}{x^2 + 6x + 8} dx; \quad \int (5x + 1) \arctan(x) dx$$

### II. Teorema di Rolle

(1a) Scrivere l'enunciato del Teorema di Rolle.

(1b) Stabilire se la funzione  $f(x) = \sin(3x) - 2$

soddisfa le ipotesi del Teorema di Rolle nell'intervallo  $[\frac{\pi}{3}, \frac{2}{3}\pi]$ .

(1c) Determinare gli eventuali punti che soddisfano la tesi del Teorema di Rolle per  $f(x)$  nell'intervallo  $[\frac{\pi}{3}, \frac{2}{3}\pi]$ .

(2) Data la funzione  $g(x) = 4x^2$ , esibire un intervallo in cui  $g$  verifica il Teorema di Rolle

### III. Algebra lineare

Dati i punti nel piano  $A(0; 0)$ ,  $B(5; 1)$ ,  $C(6; -4)$ ,  $D(1; -5)$

a) disegnare il quadrilatero  $ABCD$  ed il suo trasformato  $A'B'C'D'$ , ottenuto mediante la matrice  $M = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & -3 \end{pmatrix}$

b) determinare l'area dei due quadrilateri;

c) Verificare che  $ABCD$  è un parallelogramma e stabilire se lo è anche  $A'B'C'D'$

#### IV. Coniche

Data l'equazione  $6x^2 + 2y^2 - 12x + 12y + 6 = 0$

- a) stabilire quale tipo di conica rappresenta;
- b) determinarne gli assi, il centro e disegnarla;

#### V. Area di una regione piana

Calcolare l'area della regione finita di piano compresa tra le funzioni  $f(x) = x^2 - 5x + 3$  e  $g(x) = -x^2 + x + 3$ .  
(Fare un grafico delle due funzioni, trovare i punti di intersezione, impostare l'integrale, calcolarlo)

## VI. Studio del grafico di funzione

Data la funzione  $f(x) = \frac{x^2}{x+2}$

Determinare esplicitamente:

- (i) il dominio di definizione di  $f(x)$ ;
  
- (ii) il comportamento ai bordi del dominio di definizione ed eventuali asintoti orizzontali, verticali ed obliqui;

(iii) l'insieme dove  $f(x)$  è crescente ed eventuali massimi e minimi relativi.

(v) disegnare il grafico di  $f(x)$ .

(v) disegnare il grafico di  $e^{f(x)}$ .